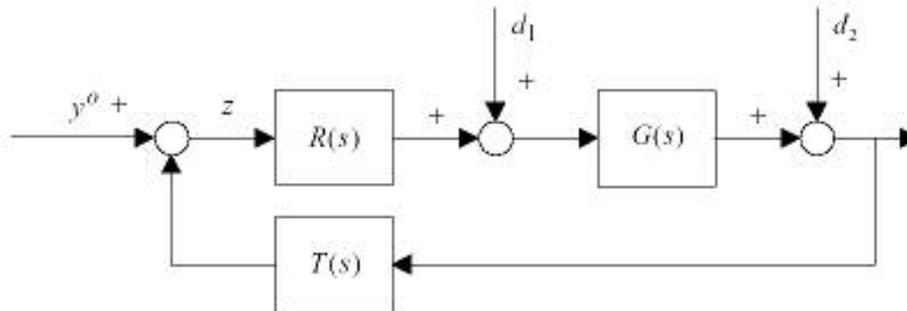


ESERCIZIO

Si determini il valore asintotico di $z(t)$ per il sistema rappresentato in figura:



dove

$$G(s) = \frac{1}{s}, R(s) = \frac{10}{1+s}, T(s) = \frac{1+0.5s}{1+0.1s}$$

$$y_0 = \text{sca}(t), d_1 = 5 \text{sca}(t), d_2 = 10 \text{sca}(t)$$

In verità, sul testo originale scaricato dal sito di Previdi, la $T(s)$ al denominatore aveva solo $1+0.1$ però credo che la s gli sia rimasta nella tastiera.

La soluzione indica solo la traccia di procedimento, e suggerisce di accertarsi prima che il sistema sia stabile e poi applicare il teorema del valore finale ricordandosi della sovrapposizione degli effetti.

Io ho proceduto 1) cercando tutte le funzioni di trasferimento, dagli ingressi a z ; 2) applicando il particolare tipo di ingresso trasformato secondo Laplace e 3) facendo la sovrapposizione degli effetti.

$d_2 \rightarrow z$

$$\frac{Z(s)}{D_2(s)} = \frac{T(s)}{1 + G(s)R(s)T(s)}$$

$$\lim_{s \rightarrow 0} s \frac{T(s)}{1 + G(s)R(s)T(s)} D_2(s) = 0$$

Il limite è uguale a 0 perché è presente un polo nell'origine nella $G(s)$.

$T(s)$ dovrebbe esserne indifferente.

Quindi $e_{d_2}(\infty) = 0$

$y_0 \rightarrow z$

Discorso analogo già fatto per il caso sopra: il polo nell'origine porta ad $e_{y_0}(\infty) = 0$

$d_1 \rightarrow z$

Lo porto al di là della $G(s)$ e lo faccio passare attraverso.

La $G(s)$ me lo trasforma in una rampa, che da A/μ , dove μ è il guadagno d'anello ($\mu = 10$).

$$\text{Quindi } e_{d_1}(\infty) = \frac{A}{\mu} = \frac{10}{10} = 1$$

Quindi, per la sovrapposizione degli effetti, $e(\infty) = 1$.

E' tardissimo e spero di aver fatto le cose bene. Ogni correzione è positiva. Attendo notizie sul forum.